



1994. Febrero, segunda semana.

Calcule el cociente y el resto de la división \$E8/\$2A, con datos expresados en hexadecimal.

Solución:

| | | |
|------------|---|---------------------|
| \$E8 = 232 | $\begin{array}{r} 232 \quad \underline{42} \\ 22 \quad 5 \end{array}$ | Cociente = 5 = \$05 |
| \$2A = 42 | | Resto = 22 = \$16 |

Una empresa fabrica diariamente entre 48000 y 50000 unidades del producto P. El dato de esta cantidad lo almacena en la memoria del computador de su centro de cálculo con una codificación en binario sin signo. ¿Cuál es el máximo porcentaje de memoria que puede ahorrar en el computador si almacena el dato de la cantidad diaria según un sistema de codificación diferencial en módulo y signo?

Solución:

a) Codificación en binario puro sin signo

Para expresar la máxima cantidad (50000) se necesita un número n de bits tal que $2^n \geq 50000$ esto es:

$$n \geq \log_2 50000 = 15.6 \Rightarrow n = 16 \text{ bits. Nota: Para calcular logaritmos binarios es útil el algoritmo } \log_a x = \frac{\ln x}{\ln a}$$

b) Codificación diferencial

La diferencia entre un número y el anterior nunca es mayor de $50000 - 48000 = 2000$.

Para codificar estas diferencias, se necesita un número n' de bits tal que $2^{n'} \geq 2000$, esto es: $n' \geq \log_2 2000 = 10.97 \Rightarrow n' = 11$ bits

Pero estas diferencias pueden ser tanto positivas como negativas, por lo que se precisa otro bit para indicar el signo. Es decir, el número total de bits necesarios en la codificación diferencial es $n'' = n' + 1 = 11 + 1 = 12$.

Comparando ambos tipos de codificación:

$$\text{Porcentaje ahorrado: } \frac{n - n''}{n} 100\% = \frac{16 - 12}{16} 100\% = 25\%$$

c) El problema ya está resuelto en el sentido de que hemos calculado el resultado pedido, el ahorro de memoria de la codificación diferencial convencional, explicada en las UUDD, respecto la codificación en binario puro sin signo. Pero con un poco de iniciativa propia e imaginación, podemos diseñar una codificación en la que se ahorra más memoria:

Partiendo del número 49000, con cada nuevo número se codifica su diferencia respecto 49000, no su diferencia respecto del anterior.



Así, las diferencias nunca pueden ser mayores de 1000; y para codificarlas se necesita un número n^{iv} de bits tal que $2^{n^{iv}} \geq 2000$, esto es: $n^{iv} \geq \log_2 1000 \Rightarrow n^{iv} = 10$ bits. A estos 10 bits hay que añadir el de signo, por lo que en total serán 11; y el porcentaje ahorrado

$$\text{será: } \frac{16 - 11}{16} 100\% = 31.25\%$$

1995. Septiembre.

Represente el número 95.579 en base 5 con coma fija en sistema de módulo y signo, utilizando cuatro cifras fraccionarias y tantas cifras enteras como sea preciso.

Solución:

En primer lugar construimos la tabla de factores

Para conocer el límite superior:

$$5^2=25 < 95.579 < 5^3=125, \text{ por lo que la conversión podemos comenzarla restando } 5^2.$$

Para conocer el límite inferior:

Nos piden cuatro cifras fraccionarias, por lo que será 5^{-4} .

$$5^2 = 25$$

$$5^1 = 5$$

$$5^0 = 1$$

$$5^{-1} = 0.2$$

$$5^{-2} = 0.04$$

$$5^{-3} = 0.008$$

$$5^{-4} = 0.0016$$

En segundo lugar, realizamos la sustracción sucesiva de estas potencias de 5:

$$\begin{array}{r} 95.579 - 25 = 70.579 > 0 \\ 70.579 - 25 = 45.579 > 0 \\ 45.579 - 25 = 20.579 > 0 \\ 20.579 - 25 < 0 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right) \quad \text{☞ } b_2 = 3$$

$$\begin{array}{r} 20.579 - 5 = 15.579 > 0 \\ 15.579 - 5 = 10.579 > 0 \\ 10.579 - 5 = 5.579 > 0 \\ 5.579 - 5 = 0.579 > 0 \\ 0.579 - 5 < 0 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right) \quad \text{☞ } b_1 = 4$$

$$0.579 - 1 < 0 \quad \text{☞ } b_0 = 0$$

$$\begin{array}{r} 0.579 - 0.2 = 0.379 > 0 \\ 0.379 - 0.2 = 0.179 > 0 \\ 0.179 - 0.2 < 0 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right) \quad \text{☞ } b_{-1} = 2$$

$$\begin{array}{r} 0.179 - 0.04 = 0.139 > 0 \\ 0.139 - 0.04 = 0.099 > 0 \\ 0.099 - 0.04 = 0.059 > 0 \\ 0.059 - 0.04 = 0.019 > 0 \\ 0.019 - 0.04 < 0 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right) \quad \text{☞ } b_{-2} = 4$$

$$\begin{array}{r} 0.019 - 0.008 = 0.011 > 0 \\ 0.011 - 0.008 = 0.003 > 0 \\ 0.003 - 0.008 < 0 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right) \quad \text{☞ } b_{-3} = 2$$

$$\begin{array}{r} 0.003 - 0.0016 = 0.0014 > 0 \\ 0.014 - 0.0016 < 0 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right) \quad \text{☞ } b_{-4} = 1$$

Por tanto, el número pedido es 340.2421



1998. febrero. 1ª semana (sistemas).



Encuentre la representación del número -1301 en complemento a dos de 16 bits, compactada en hexadecimal.

Solución:

Paso 1. Convertir el valor absoluto a binario.

| | | | |
|------|-------------|---|--------------|
| 1301 | ÷ 2 = 650.5 | ⇒ | $b_0 = 1$ |
| 650 | ÷ 2 = 325.0 | ⇒ | $b_1 = 0$ |
| 325 | ÷ 2 = 162.5 | ⇒ | $b_2 = 1$ |
| 162 | ÷ 2 = 81.0 | ⇒ | $b_3 = 0$ |
| | | | |
| 081 | ÷ 2 = 040.5 | ⇒ | $b_4 = 1$ |
| 040 | ÷ 2 = 020.0 | ⇒ | $b_5 = 0$ |
| 020 | ÷ 2 = 010.0 | ⇒ | $b_6 = 0$ |
| 010 | ÷ 2 = 005.0 | ⇒ | $b_7 = 0$ |
| | | | |
| 005 | ÷ 2 = 002.5 | ⇒ | $b_8 = 1$ |
| 002 | ÷ 2 = 001.0 | ⇒ | $b_9 = 0$ |
| 001 | ÷ 2 = 000.5 | ⇒ | $b_{10} = 1$ |
| 000 | ÷ 2 = 000.0 | ⇒ | $b_{11} = 0$ |
| | | | |
| 000 | ÷ 2 = 000.0 | ⇒ | $b_{12} = 0$ |
| 000 | ÷ 2 = 000.0 | ⇒ | $b_{13} = 0$ |
| 000 | ÷ 2 = 000.0 | ⇒ | $b_{14} = 0$ |
| 000 | ÷ 2 = 000.0 | ⇒ | $b_{15} = 0$ |

$b_{15} b_{14} b_{13} b_{12} b_{11} b_{10} b_9 b_8 b_7 b_6 b_5 b_4 b_3 b_2 b_1 b_0 = 0000\ 0101\ 0001\ 0101$

Paso 2. Complementar a dos.

| | |
|------------------|-------------------|
| 0000010100010101 | |
| 1111101011101010 | ↙ Complemento a 1 |
| 1111101011101011 | ↙ Sumar 1 |

Paso 3. Compactar en hexadecimal.

1111101011101011 Agrupar de 4 en 4 → 1111 1010 1110 1011 Traducir de 1 en 1 → F A E B



Convierta el número decimal 12387 a complemento a dos con 16 bits.

Solución:

$$\begin{array}{lll} 12387 \div 2 = 6193.5 & \Rightarrow & b_0 = 1 \\ 6193 \div 2 = 3096.5 & \Rightarrow & b_1 = 1 \\ 3096 \div 2 = 1548.0 & \Rightarrow & b_2 = 0 \\ 1548 \div 2 = 774.0 & \Rightarrow & b_3 = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} 774 \div 2 = 387.0 & \Rightarrow & b_4 = 0 \\ 387 \div 2 = 193.5 & \Rightarrow & b_5 = 1 \\ 193 \div 2 = 96.5 & \Rightarrow & b_6 = 1 \\ 96 \div 2 = 48.0 & \Rightarrow & b_7 = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} 48 \div 2 = 24.0 & \Rightarrow & b_8 = 0 \\ 24 \div 2 = 12.0 & \Rightarrow & b_9 = 0 \\ 12 \div 2 = 6.0 & \Rightarrow & b_{10} = 0 \\ 6 \div 2 = 3.0 & \Rightarrow & b_{11} = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} 3 \div 2 = 1.5 & \Rightarrow & b_{12} = 1 \\ 1 \div 2 = 0.5 & \Rightarrow & b_{13} = 1 \\ 0 \div 2 = 0.0 & \Rightarrow & b_{14} = 0 \\ 0 \div 2 = 0.0 & \Rightarrow & b_{15} = 0 \end{array}$$

$$\&12387 = \%0011\ 0000\ 0110\ 0011 = \$3063$$



Convierta el número decimal -4505 a complemento a dos con 16 bits.

Solución:

Al tratarse de un número negativo, primero convertimos su módulo de decimal a binario y después los complementamos a dos.

$$\begin{array}{lll} 4505 \div 2 = 2252.5 & \Rightarrow & b_0 = 1 \\ 2252 \div 2 = 1126.0 & \Rightarrow & b_1 = 0 \\ 1126 \div 2 = 563.0 & \Rightarrow & b_2 = 0 \\ 563 \div 2 = 281.5 & \Rightarrow & b_3 = 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} 281 \div 2 = 140.5 & \Rightarrow & b_4 = 1 \\ 140 \div 2 = 70.0 & \Rightarrow & b_5 = 0 \\ 70 \div 2 = 35.0 & \Rightarrow & b_6 = 0 \\ 35 \div 2 = 17.5 & \Rightarrow & b_7 = 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} 17 \div 2 = 8.5 & \Rightarrow & b_8 = 1 \\ 8 \div 2 = 4.0 & \Rightarrow & b_9 = 0 \\ 4 \div 2 = 2.0 & \Rightarrow & b_{10} = 0 \\ 2 \div 2 = 1.0 & \Rightarrow & b_{11} = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} 1 \div 2 = 0.5 & \Rightarrow & b_{12} = 1 \\ 0 \div 2 = 0.0 & \Rightarrow & b_{13} = 0 \\ 0 \div 2 = 0.0 & \Rightarrow & b_{14} = 0 \\ 0 \div 2 = 0.0 & \Rightarrow & b_{15} = 0 \end{array}$$

$$\&4505 = \%0001\ 0001\ 1001\ 1001$$

Complemento a dos:

$$\begin{array}{ll} 1^\circ\text{- Inversión de todos los bits:} & 1110\ 1110\ 0110\ 0110 \\ 2^\circ\text{- Sumar un '1' en la posición significativa:} & 1110\ 1110\ 0110\ 0111 \end{array}$$

Compactación en hexadecimal : \$EE67



1998. Septiembre, (original), sistemas.

La distancia entre las combinaciones binarias 01010011 y 00011100 es igual a:

- a) – 42
- b) 42
- c) 8
- d) 5

Solución:

La distancia entre dos palabras es el número de pares de bits (en iguales posiciones) que tienen valores diferentes:

| | | | | | | | |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 |
| i | d | i | i | d | d | d | d |

1999. Septiembre, original, (sistemas).

Calcule el número decimal que representa el número binario 110101.110

Solución:

$$2^5 + 2^4 + 2^2 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-2} = 53.75$$

1999. Septiembre, original, (gestión).

Indique cuál de los siguientes números binarios se aproxima mejor al número decimal 176.32:

- a) 1100101.10011
- b) 10110000.0101
- c) 10100110.0011
- d) 1001001.01001

Solución:

$$X_a = 2^6 + 2^5 + 2^2 + 2^0 + 2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-5} = 101.59375$$

$$X_b = 2^7 + 2^5 + 2^4 + 2^{-2} + 2^{-4} = 176.3125$$

$$X_c = 2^7 + 2^5 + 2^2 + 2^1 + 2^{-3} + 2^{-4} = 166.1875$$

$$X_d = 2^6 + 2^3 + 2^0 + 2^{-2} + 2^{-5} = 73.28125$$

2000. Febrero, primera semana (gestión).

Convierta el número decimal 11386 a complemento a dos con 16 bits.

Solución:

| | | | |
|-------|--------------|---|---------------------|
| 11386 | ÷ 2 = 5693.0 | ⇒ | b ₀ = 0 |
| 5693 | ÷ 2 = 2846.5 | ⇒ | b ₁ = 1 |
| 2846 | ÷ 2 = 1423.0 | ⇒ | b ₂ = 0 |
| 1423 | ÷ 2 = 711.5 | ⇒ | b ₃ = 1 |
| | | | |
| 711 | ÷ 2 = 355.5 | ⇒ | b ₄ = 1 |
| 355 | ÷ 2 = 177.5 | ⇒ | b ₅ = 1 |
| 177 | ÷ 2 = 88.5 | ⇒ | b ₆ = 1 |
| 88 | ÷ 2 = 44.0 | ⇒ | b ₇ = 0 |
| | | | |
| 44 | ÷ 2 = 22.0 | ⇒ | b ₈ = 0 |
| 22 | ÷ 2 = 11.0 | ⇒ | b ₉ = 0 |
| 11 | ÷ 2 = 5.5 | ⇒ | b ₁₀ = 1 |
| 5 | ÷ 2 = 2.5 | ⇒ | b ₁₁ = 1 |
| | | | |
| 2 | ÷ 2 = 1.0 | ⇒ | b ₁₂ = 0 |
| 1 | ÷ 2 = 0.5 | ⇒ | b ₁₃ = 1 |
| 0 | ÷ 2 = 0.0 | ⇒ | b ₁₄ = 0 |
| 0 | ÷ 2 = 0.0 | ⇒ | b ₁₅ = 0 |

$$\&11386 \equiv \%0010\ 1100\ 0111\ 1010 \equiv \$2C7A$$

2000. Febrero, primera semana (gestión).
 2000. Septiembre, original (gestión).

✍ Calcule la suma en complemento a dos de los números de 16 bits \$84D4 y \$5FF1.

Solución:

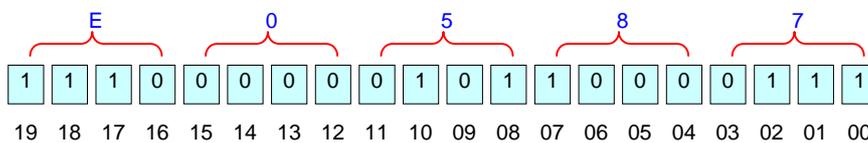
$$\begin{array}{r}
 \% \ 1000 \ 0100 \ 1101 \ 0100 \\
 + \% \ 0101 \ 1111 \ 1111 \ 0001 \\
 \hline
 \% \ 1110 \ 0100 \ 1100 \ 0101 = \$ \text{E4C5}
 \end{array}$$

2000. Febrero, segunda semana (sistemas).

✍ Calcule el número decimal que está representando el número E0587, suponiendo que es la compactación de un número de 20 bits en complemento a dos.

Solución:

Paso 1º: Descompresión

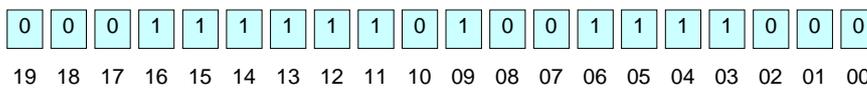


Paso 2º: Comprobación del signo

El bit de signo es 1. Por tanto, el paso siguiente, antes de la conversión a decimal, es complementar a dos.

Paso 3º: Complementar a dos

Paso 3º.1 Inversión de todos los bits



Paso 3º.2 Sumar un '1' en el bit menos significativo.

$$\begin{array}{r}
 \% \ 0001 \ 1111 \ 1010 \ 0111 \ 1000 \\
 + \% \ 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0000 \ 0001 \\
 \hline
 \% \ 0001 \ 1111 \ 1010 \ 0111 \ 1001
 \end{array}$$

Paso 4º: Calcular el módulo

$$\text{Número} = \% \ 0000 \ 1111 \ 1010 \ 0111 \ 1001 = 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^9 + 1 \cdot 2^9 + 1 \cdot 2^{11} + 1 \cdot 2^{12} + 1 \cdot 2^{13} + 1 \cdot 2^{14} + 1 \cdot 2^{15} + 1 \cdot 2^{16} = 129657$$

Paso 5º: Aplicar el signo

Como era negativo, hay que multiplicar por (-1) al módulo

$$\text{Número} = -129657$$



2000. Febrero, segunda semana (gestión).



Calcule la suma en complemento a dos de los números de 16 bits \$04D4 y \$5FF1.

Solución:

$$\begin{array}{r}
 \% \ 0000 \ 0100 \ 1101 \ 0100 \\
 + \ \% \ 0101 \ 1111 \ 1111 \ 0001 \\
 \hline
 \% \ 0110 \ 0100 \ 1100 \ 0101 = \$ \ 64C5
 \end{array}$$



Represente el número decimal -2728 en 16 bits complemento a dos.

Solución:

Paso 1. Convertir el valor absoluto a binario.

$$\begin{array}{l}
 2728 \div 2 = 1364.0 \Rightarrow b_0 = 0 \\
 1364 \div 2 = 682.0 \Rightarrow b_1 = 0 \\
 682 \div 2 = 341.0 \Rightarrow b_2 = 0 \\
 341 \div 2 = 170.5 \Rightarrow b_3 = 1
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 170 \div 2 = 85.0 \Rightarrow b_4 = 0 \\
 85 \div 2 = 42.5 \Rightarrow b_5 = 1 \\
 42 \div 2 = 21.0 \Rightarrow b_6 = 0 \\
 21 \div 2 = 10.5 \Rightarrow b_7 = 1
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 10 \div 2 = 5.0 \Rightarrow b_8 = 0 \\
 5 \div 2 = 2.5 \Rightarrow b_9 = 1 \\
 2 \div 2 = 1.0 \Rightarrow b_{10} = 0 \\
 1 \div 2 = 0.5 \Rightarrow b_{11} = 1
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 0 \div 2 = 0.0 \Rightarrow b_{12} = 0 \\
 0 \div 2 = 0.0 \Rightarrow b_{13} = 0 \\
 0 \div 2 = 0.0 \Rightarrow b_{14} = 0 \\
 0 \div 2 = 0.0 \Rightarrow b_{15} = 0
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 3 \div 2 = 1.5 \Rightarrow b_{12} = 1 \\
 1 \div 2 = 0.5 \Rightarrow b_{13} = 1 \\
 0 \div 2 = 0.0 \Rightarrow b_{14} = 0 \\
 0 \div 2 = 0.0 \Rightarrow b_{15} = 0
 \end{array}$$

$$b_{15} b_{14} b_{13} b_{12} \ b_{11} b_{10} b_9 b_8 \ b_7 \ b_6 \ b_5 \ b_4 \ b_3 \ b_2 \ b_1 \ b_0 = 0000 \ 1010 \ 1010 \ 1000$$

Paso 2. Complementar a dos.

$$\begin{array}{r}
 0000 \ 1010 \ 1010 \ 1000 \\
 \leftarrow \text{Complemento a 1} \\
 1111 \ 0101 \ 0101 \ 0111 \\
 \leftarrow \text{Sumar 1} \\
 1111 \ 0101 \ 0101 \ 1000
 \end{array}$$

Paso 3. Compactar en hexadecimal.

$$1111 \ 0101 \ 0101 \ 1000 \xrightarrow{\text{Traducir de 4 en 4}} F \ 5 \ 5 \ 8$$

2000. Septiembre, original (gestión).



Convierta el número 2015 (dado en complemento a dos) a decimal.

Solución:

$$\%0010 \ 0000 \ 0001 \ 0101 = \& \ 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^{13} = \&8213$$

¿Cuál de las siguientes igualdades NO es correcta?:

- a) $1C_{16} = 11100_2$
- b) $1F.C_{16} = 11111.11_2$
- c) $A64_{16} = 101001100100_2$
- d) $239.4_{16} = 110011101.1_2$

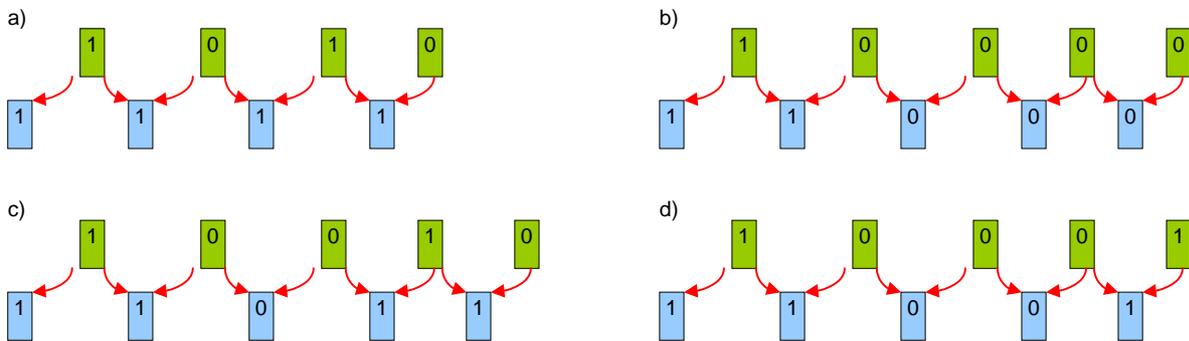
Solución:

- a) $1C_{16} = 11100_2$ $1 C_{16} = 0001 1100_2 = 11100_2$ cierta
- b) $1F.C_{16} = 11111.11_2$ $1 F. C_{16} = 0001 1111. 1100_2 = 11111.11_2$ cierta
- c) $A64_{16} = 101001100100_2$ $A 6 4_{16} = 1010 0110 0100_2 = 101001100100_2$ cierta
- d) $239.4_{16} = 110011101.1_2$ $2 3 9. 4_{16} = 0010 0011 1001. 0100_2 \neq 110011101.1_2$ falsa

¿Cuál de las siguientes expresiones de conversión de número binarios a sus equivalentes en código Gray NO es correcta?:

- a) (10) 1010 = 1111
- b) (16) 10000 = 11000
- c) (18) 10010 = 10001
- d) (17) 10001 = 11001

Solución:



Representar el número decimal 28.375 en binario

Solución:

Parte entera

- $28 \div 2 = 14.0 \Rightarrow b_0 = 0$
- $14 \div 2 = 0.0 \Rightarrow b_1 = 0$
- $7 \div 2 = 3.5 \Rightarrow b_2 = 1$
- $3 \div 2 = 1.5 \Rightarrow b_3 = 1$
- $1 \div 2 = 0.5 \Rightarrow b_4 = 1$
- $0 \div 2 = 0 \Rightarrow b_5 = 0$

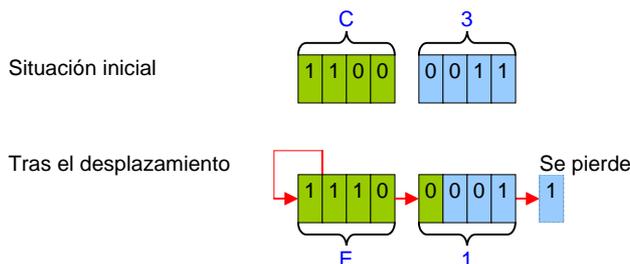
Parte fraccionaria

- $0.375 \cdot 2 = 0.75 < 1 \Rightarrow b_{-1} = 0$
- $0.75 \cdot 2 = 1.5 \geq 1 \Rightarrow b_{-2} = 1$
- $0.5 \cdot 2 = 1.0 \geq 1 \Rightarrow b_{-3} = 1$
- $0.0 \cdot 2 = 0.0 < 1 \Rightarrow b_{-4} = 0$

Juntando ambas partes: $b_5 b_4 b_3 b_2 b_1 b_0 . b_{-1} b_{-2} b_{-3} b_{-4} = 011100.0110$

Un registro interno de la UCP contiene el dato $C3_{16}$ y se opera con una instrucción de desplazamiento aritmético a derecha. Calcule el resultado de la operación:

Solución:





✍ Represente con el mínimo número de bits posibles el número decimal -122 en complemento a 1.

Solución:

Al tratarse de un número negativo, primero convertimos su módulo de decimal a binario y después los complementamos a uno.

| | | |
|-----|------------|----------------------|
| 122 | ÷ 2 = 61.0 | ⇒ b ₀ = 0 |
| 61 | ÷ 2 = 30.5 | ⇒ b ₁ = 1 |
| 30 | ÷ 2 = 15.0 | ⇒ b ₂ = 0 |
| 15 | ÷ 2 = 7.5 | ⇒ b ₃ = 1 |
| 7 | ÷ 2 = 3.5 | ⇒ b ₄ = 1 |
| 3 | ÷ 2 = 1.5 | ⇒ b ₅ = 1 |
| 1 | ÷ 2 = 0.5 | ⇒ b ₆ = 1 |
| 0 | ÷ 2 = 0.0 | ⇒ b ₇ = 0 |

&122 = %1111010, pero hemos de colocar un '0' delante, para indicar que es una cantidad positiva (el módulo siempre es no negativo).

&122 = %01111010

Ahora, al complementar a uno, invertimos todos los bits: 100001010

2001. Febrero, primera semana, (gestión).

✍ Convertir el número binario 110110.11011 a octal

Solución:

Agrupamos de tres en tres partiendo desde el punto hacia ambos lados: 110 110. 110 11
 Añadimos un cero por la derecha en la parte fraccionaria: 110 110. 110 110
 No es necesario añadir cero por la izquierda en la parte entera: 110 110. 110 110
 Traducimos a octal cada grupo de tres dígitos binarios: 6 6. 6 6
 Solución: 66.66₈

✍ Represente con el mínimo número de bits posibles el número decimal -122 en complemento a 2.

Solución:

Paso 1. Convertir el valor absoluto a binario.

| | | |
|-----|------------|----------------------|
| 122 | ÷ 2 = 61.0 | ⇒ b ₀ = 0 |
| 61 | ÷ 2 = 30.5 | ⇒ b ₁ = 1 |
| 30 | ÷ 2 = 15.0 | ⇒ b ₂ = 0 |
| 15 | ÷ 2 = 7.5 | ⇒ b ₃ = 1 |
| 7 | ÷ 2 = 3.5 | ⇒ b ₄ = 1 |
| 3 | ÷ 2 = 1.5 | ⇒ b ₅ = 1 |
| 1 | ÷ 2 = 0.5 | ⇒ b ₆ = 1 |
| 0 | ÷ 2 = 0.0 | ⇒ b ₇ = 0 |

&122 = %1111010,

Paso 2. Colocar un '0' delante, para indicar que es una cantidad positiva (el módulo siempre es no negativo).

&122 = %01111010

Paso 3. Complementar a dos.

| | | |
|------|------|-------------------|
| 0111 | 1010 | ↩ Complemento a 1 |
| 1000 | 0101 | |
| 1000 | 0110 | ↩ Sumar 1 |

Paso 4. Compactar en hexadecimal.

1000 0110 → Traducir de 4 en 4 → 8 6

✍ Representar en hexadecimal el número 255.875.

Solución:

Parte entera

| | | |
|---------------------|-------------------------------------|---|
| (Cociente en curso) | ÷ 16 = (cociente nuevo).(resto÷16); | ☞ (parte fraccionaria) · 16 = resto |
| 255 | ÷ 16 = 15.9375 | ☞ 0.9375 · 16 = 15 ⇒ b ₁ = F |
| 15 | ÷ 16 = 0.9375 | ☞ 0.9375 · 16 = 15 ⇒ b ₀ = F |

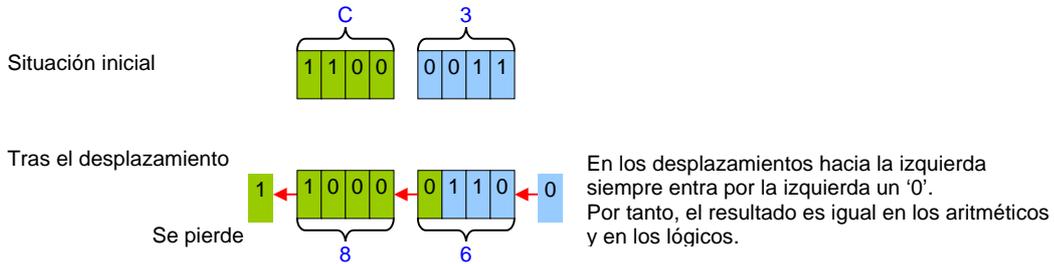
Parte fraccionaria

| | | |
|-------|---------------|-----------------------|
| 0.875 | · 16 = 14.000 | ⇒ b ₋₁ = E |
| 0.000 | · 16 = 00.000 | ⇒ b ₋₂ = 0 |

Por tanto, $2550875_{10} = FF.E_{16}$

✍ Un registro interno de la UCP contiene el dato C3₍₁₆₎. Se opera con una instrucción de desplazamiento aritmético a izquierda. Calcule el resultado de la operación:

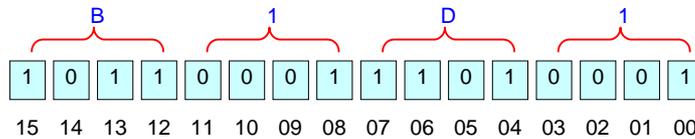
Solución:



✍ Tenemos el dato B1D1 representando un número de 16 bits en complemento a dos. Conviértalo a decimal

Solución:

Paso 1º: Descompresión

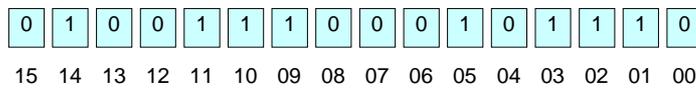


Paso 2º: Comprobación del signo

El bit de signo es 1. Por tanto, el paso siguiente, antes de la conversión a decimal, es complementar a dos.

Paso 3º: Complementar a dos

Paso 3º.1 Inversión de todos los bits



Paso 3º.2 Sumar un '1' en el bit menos significativo.

| | | | | | |
|-------|---|------|------|------|------|
| | % | 0100 | 1110 | 0010 | 1110 |
| + | % | 0000 | 0000 | 0000 | 0001 |
| <hr/> | | | | | |
| | % | 0100 | 1110 | 0010 | 1111 |

Paso 4º: Calcular el módulo

$$\text{Número} = \%0100\ 1110\ 0010\ 1111 = 1 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^5 + 1 \cdot 2^9 + 1 \cdot 2^{10} + 1 \cdot 2^{11} + 1 \cdot 2^{14} = 20015$$

Paso 5º: Aplicar el signo

Como era negativo, hay que multiplicar por (-1) al módulo

$$\text{Número} = -20015$$



2002. Febrero, primera semana (gestión).



Representar el número decimal -15326 en 16 bits complemento a 2:

Solución:

Paso 1. Convertir el valor absoluto a binario.

$$\begin{array}{rcl}
 15386 & \div 2 = 7663.0 & \Rightarrow b_0 = 0 \\
 7663 & \div 2 = 3831.5 & \Rightarrow b_1 = 1 \\
 3831 & \div 2 = 1915.5 & \Rightarrow b_2 = 1 \\
 1915 & \div 2 = 957.5 & \Rightarrow b_3 = 1 \\
 \\
 957 & \div 2 = 478.5 & \Rightarrow b_4 = 1 \\
 478 & \div 2 = 239.0 & \Rightarrow b_5 = 0 \\
 239 & \div 2 = 119.5 & \Rightarrow b_6 = 1 \\
 119 & \div 2 = 59.5 & \Rightarrow b_7 = 1 \\
 \\
 59 & \div 2 = 29.5 & \Rightarrow b_8 = 1 \\
 29 & \div 2 = 14.5 & \Rightarrow b_9 = 1 \\
 14 & \div 2 = 7.0 & \Rightarrow b_{10} = 0 \\
 7 & \div 2 = 3.5 & \Rightarrow b_{11} = 1 \\
 \\
 3 & \div 2 = 1.5 & \Rightarrow b_{12} = 1 \\
 1 & \div 2 = 0.5 & \Rightarrow b_{13} = 1 \\
 0 & \div 2 = 0.0 & \Rightarrow b_{14} = 0 \\
 0 & \div 2 = 0.0 & \Rightarrow b_{15} = 0
 \end{array}$$

$$b_{15} b_{14} b_{13} b_{12} b_{11} b_{10} b_9 b_8 b_7 b_6 b_5 b_4 b_3 b_2 b_1 b_0 = 0011\ 1011\ 1101\ 1110$$

Paso 2. Complementar a dos.

$$\begin{array}{r}
 0011\ 1011\ 1101\ 1110 \\
 \leftarrow \text{Complemento a 1} \\
 1100\ 0100\ 0010\ 0001 \\
 \leftarrow \text{Sumar 1} \\
 1100\ 0100\ 0010\ 0010
 \end{array}$$

Paso 4. Compactar en hexadecimal.

$$1100\ 0100\ 0010\ 0010 \xrightarrow{\text{Traducir de 4 en 4}} C\ 4\ 2\ 2$$